

Nozioni Elementari sulla elaborazione delle Immagini 2

Corso: Signal Processing and Data Fusion

AA 2020-2021

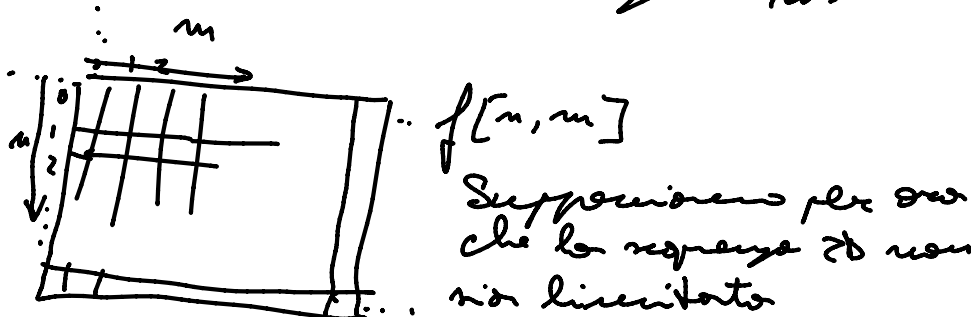
Dipartimento di Ingegneria, Università della Campania

Laurea Magistrale in Ingegneria Elettronica

Prof. Francesco A. N. Palmieri

Le elaborazioni finora viste nelle immagini riguardavano modifiche pixel-per-pixel in maniera indipendente. Il passo successivo che possiamo fare è considerare un intorno di ogni pixel per definire delle operazioni di trasformazione delle caratteristiche spaziali di un'immagine.

Consideriamo per ora solo immagini monocromatiche (luminanza o B/W)



Date due immagini $f[n, m]$ e $h[n, m]$ la convoluzione lineare tra esse è definita come

$$(1) \quad y[n, m] = \sum_{\beta=-\infty}^{+\infty} \sum_{\alpha=-\infty}^{+\infty} f[\alpha, \beta] h[n-\alpha, m-\beta] = (f * h)[n, m]$$

cambiando variabili si può anche scrivere

$$(2) \quad y[n, m] = \sum_{\beta=-\infty}^{+\infty} \sum_{\alpha=-\infty}^{+\infty} h[\alpha, \beta] f[n-\alpha, m-\beta]$$

L'operazione di convoluzione 2D può essere visualizzata, come nel caso 1D, mediante operazioni di "flip-and-shift".

Guardando l'espressione (2) notiamo che

$$h[n-\alpha, m-\beta] = h[-(\alpha-n), -(\beta-m)]$$

proprietà di simmetria:

$$h[n-\alpha, m-\beta] = h[-(\alpha-n), -(\beta-m)]$$

ovvero $h[n-\alpha, m-\beta]$ è la versione ribaltata di $h[\alpha, \beta] \rightarrow h[-\alpha, -\beta]$ (in entrambi le coordinate, e di una traslazione in 2D di n verticalmente e di m orizzontalmente

ESEMPIO

Si calcoli la convoluzione tra

		0	1	2		
	0	1	1	1		
1	1	1	1	1		
2	1	1	1	1		

h

		0	1	2	3	4	5
	0	1	4	-1	1	1	1
1	1	1	2	0	0	0	
2	1	1	2	1	1	1	
3	0	0	0	1	1	1	
4	0	0	1	1	0	1	

f

Traduciamo h e f nelle variabili all'interno della sommatoria

		0	1	2	3	
	0	1	1	1		
1	1	1	1	1		
2	1	1	1	1		

h

		0	1	2	3	4	5
	0	1	4	-1	1	1	1
1	1	1	2	0	0	0	
2	1	1	2	1	1	1	
3	0	0	0	1	1	1	
4	0	0	1	1	0	1	

f

flip h

$h[-\alpha, -\beta]$

			0	1	2	3
			1	1	1	
			1	1	1	
			1	1	1	

α

β

1 2 3 ...

ora dobbiamo moltiplicare per f e sommare per ogni valore di n, m .
Assumiamo che le due rappresentazioni all'esterno dell'intervallo di definizione siano nulle.

$(n, m) = (0, 0)$

$y[0,0] = 1$

			0	1	2	3	4	5
			1	4	-1	1	1	1
1	1	1	2	0	0	0		
2	1	1	2	1	1	1		
3	0	0	1	1	0	1		

α	1	1	1	2	0	0	0
2	1	1	2	1	1	1	
3	0	0	0	1	1	1	
4	0	0	1	1	0	1	

$(n, m) = (0, 1)$

		0	1	2	3	4	5
α	0	1	4	-1	1	1	1
1	1	1	2	0	0	0	
2	1	1	2	1	1	1	
3	0	0	0	1	1	1	
4	0	0	1	1	0	1	

$y[0,1] = 4$

		0	1	2	3	4	5
α	1	1	1	2	0	0	0
2	1	1	2	1	1	1	
3	0	0	0	1	1	1	
4	0	0	1	1	0	1	

$(n, m) = (1, 0)$

$y[1,0] = 2$

		0	1	2	3	4	5
α	0	1	4	-1	1	1	1
1	1	1	2	0	0	0	
2	1	1	2	1	1	1	
3	0	0	0	1	1	1	
4	0	0	1	1	0	1	

$(n, m) = (1, 1)$

$y[1,1] = 7$

		0	1	2	3	4	5
α	0	1	4	-1	1	1	1
1	1	1	2	0	0	0	
2	1	1	2	1	1	1	
3	0	0	0	1	1	1	
4	0	0	1	1	0	1	

$(n, m) = (3, 3)$

$y[3,3] = 8$

etc.

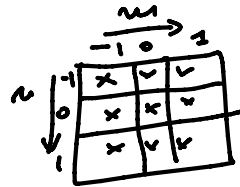
fino a produrre il risultato

		0	1	2	3	4	5	6	7
α	0	1	5	4	4	2	3	2	1
1	2	7	7	7	3	3	2	1	
2	3	9	12	11	7	6	2	2	
3	2	4	8	6	6	6	4	2	
4	1	2	5	7	8	8	5	3	
5	0	0	1	3	3	5	3	2	
6	0	0	1	1	2	2	1	1	

Ci si può aiutare con una tabella
da far scrivere nel foglio.
Nella parte del risultato n, m

ci si può evitare
 da far scivolare nel foglio.
 Notare come il rettangolo
 estende oltre gli intervalli $[0, n-1]$
 e $[0, m-1]$.

La procedura è facilmente
 adattabile con una definizione
 diversa degli indici. Per esempio
 $h[n, m]$



La convoluzione, che è una operazione
 abbastanza onerosa, può essere eseguita
 in MATLAB come segue

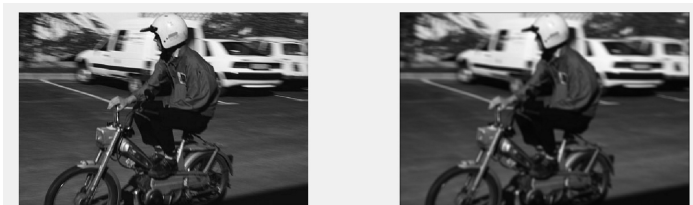
```
clear all
% Experiments of 2D filtering

% read an image in an uncompressed format
lor = imread('moto.jpg');

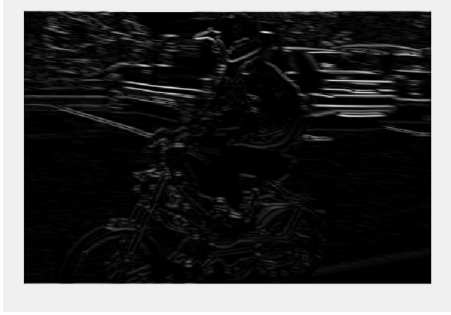
Ic = im2double(lor);
% reduce to B&W
c1=0.299;
c2=0.587;
c3=0.114;
I(:,,:)=c1*Ic(:,,:)+c2*Ic(:,,:)+c3*Ic(:,,:);
subplot(1,2,1)
imshow(I,[])
```

```
B=(1/25)*ones(5,5); %media mobile
%define mask
% B= [1 0 -1 0;
%     1 0 -1 0;
%     1 0 -1 0;
%     1 0 -1 0;
%     1 0 -1 0;
%     1 0 -1 0;
%     1 0 -1 0];
% B=(1/20)*diag([1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1]);
% B=fspecial('sobel');
B = fspecial('laplacian')
% B = fspecial('unsharp',0.8)
Y=filter2(B,I,'same');
subplot(1,2,2)
imshow(abs(Y),[])
```

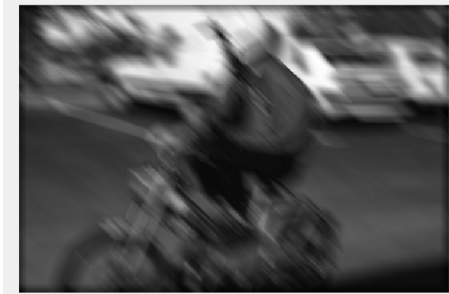
Il programma prevede diverse maschere con cui sperimentare la convoluzione.
 La prima è una media mobile con una maschera 5x5.



Il risultato è una sfocatura dell'immagine.
 L'esperimento successivo è con una maschera che opera una sorta di gradiente verticale e che quindi
 rivela le transizioni verticali



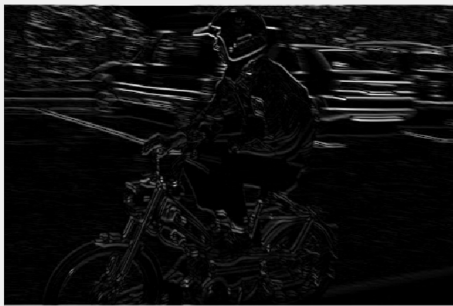
Ancora una maschera con elementi sulla diagonale che quindi sfoca i pixel in diagonale (effetto "mosso" in direzione diagonale)



Ancora una maschera Sobel

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

Che fa (simile all'esempio di sopra) una sorta di gradiente verticale



Ancora un esperimento con la maschera

$$B = \begin{bmatrix} 0.1667 & 0.6667 & 0.1667 \\ 0.6667 & -3.3333 & 0.6667 \\ 0.1667 & 0.6667 & 0.1667 \end{bmatrix}$$

Che è un'approssimazione discreta del Laplaciano



E ancora con la maschera

$$B = \begin{bmatrix} -0.4444 & -0.1111 & -0.4444 \\ -0.1111 & 3.2222 & -0.1111 \\ -0.4444 & -0.1111 & -0.4444 \end{bmatrix}$$

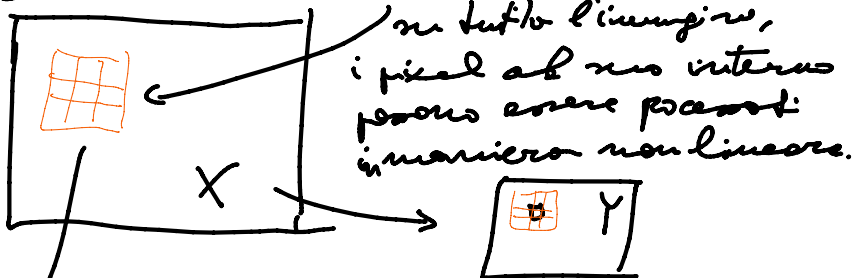


Quindi le operazioni possibili con opportuna definizione della maschera di convoluzione possono produrre effetti più diversi. Altri esempi e discussioni sono contenuti nel libro di Gonzales, suggerito come lettura di riferimento.

Filtri non lineari:

Le operazioni viste sopra con la combinazione lineare di pixel possono essere generalizzate mediante delle funzioni non lineari:

definita una maschera da muovere



Es. 3×3

x_1	x_2	x_3
x_4	x_5	x_6
x_7	x_8	x_9

$\Rightarrow$ Assegna al pixel in Y corrispondente al pixel centrale $f(x_1, x_2, \dots, x_9)$

Il filtro più famoso è il cosiddetto "filtro a mediana" in cui f estrae la mediana di $x_1, x_2, \dots, x_9$.

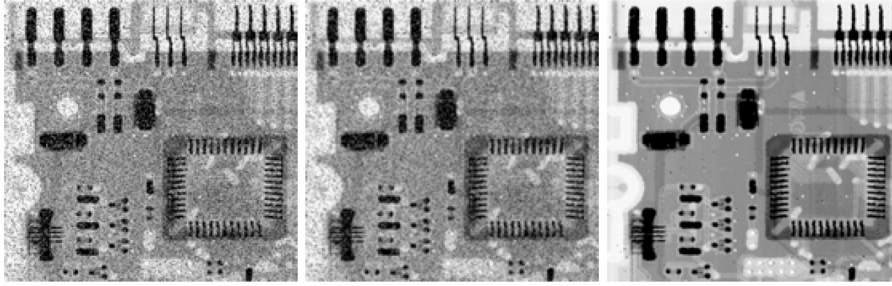
La mediana di un campione è il valore centrale del campione ordinato. Ad esempio

3 2 0 1 0 5 7 0 8 campione

0 0 0 1 (2) 3 5 7 8 campione ordinato
 ↓
 mediana

Filtri a mediana sono eccellenti per rimuovere rumore impulsivo dalle immagini.





a b c

FIGURE 3.37 (a) X-ray image of circuit board corrupted by salt-and-pepper noise. (b) Noise reduction with a 3×3 averaging mask. (c) Noise reduction with a 3×3 median filter. (Original image courtesy of Mr. Joseph E. Pascente, Lixi, Inc.)

Per esempi e approfondimenti sugli argomenti classici sulla elaborazione delle immagini, si rimanda lo studente all'ottimo libro
R. C. Gonzales and R. E. Woods, Digital Image Processing, 2nd edition, Prentice Hall, 2001.